# 現地観測のデータ有効率を考慮した MCP 法により補完された風速・風向 データの決定係数,傾き,切片の評価式の提案\*

Formulas for evaluation of coefficient of determination, slope and offset of wind speed and direction compensated by MCP method considering data availability of onsite measurement

榎木 康太\*\* 石原 孟\*\*\* Kota ENOKI Takeshi ISHIHARA

## 1. はじめに

洋上風力発電が持続可能な社会の実現の観点から大き な注目を集めている.風力発電事業の風資源量評価やサ イト適合性評価のために風車設置海域において精度の高 い風況観測の実施は不可欠である.近年,風車が大型化 しており,より沖合への風車の設置が想定される傾向に あり,これまでと比較し,さらに陸から離れた海域にお いて,より高い高度までの洋上風況の把握が求められる.

洋上風況観測には、大きく3つの方法がある.1つは、 海域に観測鉄塔を設置する方法であり, 主に陸上風力分 野で長年にわたり計測精度と信頼性が証明されてきたが、 洋上では設置に時間とコストがかかることや塔体により 流れ場が影響いを受けることが問題となる.2つ目として, 海域に浮体ライダーを設置する方法が挙げられる. 浮体 の設置は、比較的容易かつ安価であるが、浮体による動 揺の補正が必要であること 2や, 鉛直ライダーの計測高度 が高くなると取得率が低くなる傾向 3や乱流強度の過大 評価 か 問題となる. また, 上記の2つの手法は, 洋上に 設備を設置するため、機器トラブル時の容易なアクセス が困難5であり、ダウンタイム長期化に伴うデータ取得率 低下や対応コストの増大も問題となる.最後に、3つ目の 洋上風況方法として、陸上からのスキャニングライダー によるリモート観測が挙げられる. これには、 ライダー1 台を用いるシングル計測 のや離れた地点に配置した 2 台 から洋上計測ポイントを同時に計測するデュアル計測 7 がある. これらでは機器の特性として計測距離が大きく なるとデータ取得率が低下する問題がある.また、デュ アル計測は2台の同時データがそろっていなければ算出 できないため、シングル観測に比べ、データの取得率が 下がる点が問題となる.

データの取得率の低下は、計測距離が長くなることに よる要因の他、降雨・降雪・霧等による視程不良時や低 エアロゾル濃度の気象条件による要因もあり、リモート 機器による洋上風況観測で避けられない問題である.従 \*令和3年11月19日第43回風カエネルギー利用シンポジウムにて講演 \*\* 団体会員 (株) 大林組 〒204:8558 東京都清瀬市下清戸4:640 \*\*\*\* 会員 東京大学 大学院 工学系研究科 社会基盤学専攻 教授 って、スキャニングライダーによる洋上風況観測の欠測 データの補完および精度評価が重要になる.洋上風況観 測の欠測データを陸上の風況観測データから補完できる MCP (Measure - Correlate - Predict) 法は一般的に用いられ, MCP 法における予測の不確かさは、MCP 法により求め た風況観測データについて評価可能である.しかしなが ら、MCP 法を適用し欠測部分を補完した後の風況観測デ ータに対する精度を評価する手法は明らかではない.

そこで、本研究では、欠測期間に MCP 法を適用した欠 測補完後の風況データに対し、データ有効率を考慮した 評価指標としての回帰直線の決定係数、傾き、切片を求 める式を提案すると共に、実測データによる検証を行う.

#### 2. 評価式の提案

### 2.1 リモート機器による風速・風向観測の評価指標

鉛直ライダーによる風速・風向観測の確からしさを評価する指標として Carbon Trust によるもの<sup>8</sup>があり,評価対象の風況観測システム (浮体ライダー)の観測結果について,事前に校正された風速計と風向計の観測データと比較し,10分平均値同士の散布図において回帰直線の傾き,切片,決定係数を評価指標 KPI (Key Performance Indicator) として鉛直ライダーの計測精度を評価することが求められている.また,観測システムの信頼性は,後処理前のシステム稼働率 (System Availability) や後処理後のデータ有効率 (Post-processed Availability) といった

Tabl	e 1	Examp	le of KF	PIs for A	Accuracy	of LiDA	AR System. <sup>8)</sup>
------	-----	-------	----------	-----------	----------	---------	--------------------------

Acceptance	風	速	風向			
Criteria	傾き	決定係数	傾き	切片	決定係数	
Minimum	0.97-1.03	> 0.97	0.95-1.05	$\pm 10^{\circ}$	> 0.95	
Best Practice	0.98-1.02	> 0.98	0.97-1.03	$\pm 5^{\circ}$	> 0.97	

Table 2 Example of KPIs for Reliability of LiDAR System.<sup>8)</sup>

	Sys	tem	Post-processed		
Stage	Data Av	ailability	Data Availability		
	Monthly Overall		Monthly	Overall	
Pre commercial	≧90%	≧95%	≧80%	≧85%	
Commercial	≧95%	≧97%	≧85%	≧90%	

KPI により評価される. Table 1 には計測精度に関する KPI を, Table 2 には信頼性に関する KPI の例を示す. " Minimum"は商用化前の段階(Pre – commercial stage)の システムに対する最低要件である.一方,商用化段階

(Commercial stage)の観測システムは、"Best Practice"を 満たすことが求められる.これらの指標は浮体ライダー 以外のリモート計測システムの事前検証で、一般に用い られている<sup>の7)</sup>.しかし、ライダー、特に、デュアルスキ ャニングライダーによるリモート観測では、データ有効 率が信頼性に関する KPI を下回る場合があり、MCP 法に よる欠測データの補完が行われ、補完後の風速と風向デ ータセットの計測精度の評価方法の提案が必要である.

## 2. 2 データ有効率を考慮した決定係数の評価式

まず、本研究の対象とする決定係数について述べる. データセット  $(x_i, y_i)$  ( $i = 1, \dots, n$ )の回帰式の決定係 数 $R^2$  は次式で定義される.

 $R^{2} \equiv ESS / TSS = 1 - RSS / TSS$ (1) ここで、総平方和 $TSS = \sum_{i}^{n} (y_{i} - \bar{y})^{2}$ は、回帰式で説明可 能な平方和 $ESS = \sum_{i}^{n} (\hat{y}_{i} - \bar{y})^{2}$ と説明不能な残差平方和  $RSS = \sum_{i}^{n} (y_{i} - \hat{y}_{i})^{2}$ に分けられる.なお、 $\bar{y}, \hat{y}$ はそれぞれ yの平均値及び回帰式による予測値を表す.

一般に、測定地点における風観測データが一定の欠測 期間を有する場合、その欠測期間は近傍の風観測から MCP 法により補完される.最終的に得られる風観測デー タは、「観測が有効な場合、その実測値を用いる.欠測期 間は、同じ時刻の近傍観測から MCP 法による補完値を採 用する」という最終データセットになる.以下では、そ の決定係数の評価式を導出する.

今,対象観測 Y の期間を表すインデックス j の最大値 を M とする. そのうち 1, …, m を欠測値, m+1, …, M を 有効値とする. そこで 1,…, m までの欠測について回帰式 を用い近傍観測 X から補完する. この補完期間の決定係 数  $R^2_{MCP}$  は,回帰式の構築に用いるデータセット( $x_i$ ,  $y_i$ ) (i=1, …, n)の決定係数  $R^2$  で代表されるとする. なお, 通常は M - m = n (Y の有効期間のデータで MCP 法の回 帰モデルを構築する) である.

期間*M*のうち, 観測 Y が有効な期間の<sub>y<sub>j</sub></sub> (*j* = *m*+1,…, *M*)の回帰式は *y* = *x* であり, 次式が成り立つ.

$$\sum_{j=m+1}^{M} (y_j - \hat{y}_j)^2 = 0$$
 (2)

ここで、予測期間 M に渡る平均値及び分散は、MCP 補完 式構築期間 n に渡るものと不変であると仮定する.

$$\frac{1}{M-m} \sum_{j=m+1}^{M} (y_j - \overline{y})^2 = \frac{1}{m} \sum_{j=1}^{m} (y_j - \overline{y})^2 \quad (3)$$

最終データセットの決定係数 R<sup>2</sup><sub>Avail</sub> は次式になる.

$$R_{Avail}^{2} = 1 - \frac{\sum_{j=1}^{M} (y_{j} - \hat{y}_{j})^{2}}{\sum_{j=1}^{M} (y_{j} - \overline{y})^{2}} = 1 - \frac{m}{M} \left( \frac{\sum_{j=1}^{m} (y_{j} - \hat{y}_{j})^{2}}{\sum_{j=1}^{m} (y_{j} - \overline{y})^{2}} \right)$$
(4)  
=  $1 - \frac{m}{M} (1 - R_{MCP}^{2})$ 

ここで、1行目において式(2)と(3)を適用し、2行目に おいて、MCP 法の構築期間 n と予測期間 M の RSS/TSS が等しいという仮定を用いた. MCP 法による補完後の最 終データセットの決定係数は、予測期間中に MCP 法を用 いる補完期間(欠損期間)の割合 m/Mと MCP 法による 補完データの決定係数に依存することが分かる. さらに、 データ有効率ζ( $m/M = 1 - \zeta$ )を用い整理し、次式を得る.  $R^2_{Avail} = 1 - (1 - \zeta)(1 - R^2_{MCP})$  (5)

## 2.3 データ有効率を考慮した傾き、切片の評価式

次に、データ有効率を考慮した傾き及び切片の評価式 について述べる.風速と風向の評価では、直線回帰式の 傾き、切片が KPI として用いられている.これらを MCP による補完後の最終データセットに関して導出する.

評価のための回帰式を $\hat{Y} = \alpha_{Avail} y + \beta_{Avail}$  (傾き $\alpha_{Avail}$ , 切片 $\beta_{Avail}$ )とする.補間後の最終データセット $y_j$ と真値のデータセット $Y_i$ に対する回帰直線の総平方和*TSS* は,

$$TSS = \sum_{j=1}^{M} (Y_j - \hat{Y}_j)^2 = \sum_{j=1}^{M} (Y_j - \alpha_{Avail} x - \beta_{Avail})^2 \quad (6)$$

であり、TSS 最小となる $\alpha_{Avail}$ , $\beta_{Avail}$ は次式で与えられる<sup>9</sup>.

$$\alpha_{Avail} = \sum_{j=1}^{M} (x_i - \overline{x})(y_j - \overline{y}) / \sum_{j=1}^{M} (x_j - \overline{x})^2, \quad (7)$$
  
$$\beta_{Avail} = \overline{y} - \alpha_{Avail} \overline{x} \quad (8)$$

ここで,近傍観測Xのデータセットの分散が1..m(欠測期間)とm+1,...,M(有効期間)で不変という仮定した.

$$\sum_{j=1}^{m} (x_j - \overline{x})^2 / m = \sum_{j=m+1}^{M} (x_j - \overline{x})^2 / (M - m)$$
(9)

式(9)に基づき、 $\alpha_{Avail}$ を以下のように整理できる.

$$\alpha_{Avail} = \frac{\sum_{j=1}^{M} (x_i - \overline{x})(y_j - \overline{y})}{\sum_{j=1}^{M} (x_j - \overline{x})^2}$$
  
=  $\frac{m}{M} \frac{\sum_{j=1}^{m} (x_i - \overline{x})(y_j - \overline{y})}{\sum_{j=1}^{m} (x_j - \overline{x})^2} + \frac{M - m}{m} \frac{\sum_{j=m+1}^{M} (x_i - \overline{x})(y_j - \overline{y})}{\sum_{j=m+1}^{M} (x_j - \overline{x})^2}$  (10)

第1項の $\Sigma$ 記号部分は、欠測期間における Y と近傍観 測 X の回帰直線の傾きであるが、Y は観測されていない ため、直接求めることができないので、MCP 法による回 帰直線の傾き $\alpha_{MCP}$ を適用する.また、第2項の $\Sigma$ 記号部 分は、Y が観測され、その回帰直線はy = x であるため1 となり、 $\alpha_{Avail}$ の評価式は次式になる.

$$\alpha_{Avail} = \frac{m}{M} \alpha_{MCP} + \frac{M-m}{m} = 1 + \frac{m}{M} (\alpha_{MCP} - 1)$$
(11)

次に,  $\beta_{Avail}$  は $\beta_{MCP}$ を用い,以下のように導出できる.

$$\beta_{Avail} = \frac{m}{M} \left( \overline{y} - \alpha_{MCP} \overline{x} + \frac{M - m}{m} (\overline{y} - \overline{x}) \right)$$
$$= \frac{m}{M} \left( \beta_{MCP} + \frac{M - m}{M} (\frac{1}{m} \sum_{j=1}^{m} y_j - \frac{1}{m} \sum_{j=1}^{m} x_j) \right) \qquad (12)$$
$$= \frac{m}{M} \left( \beta_{MCP} + \frac{M - m}{M} (\overline{y} - \overline{x}) \right)$$

ここで、1行目から2行目において有効期間(m+1,...,M) で $\bar{y} = \bar{x}$ の関係を、また2行目から3行目では平均値が欠 測期間と有効期間で不変という仮定を用いた. データ有 効率 $\zeta$ で整理し、 $\alpha_{Avail}$ 、 $\beta_{Avail}$ に関する以下の2式を得る.

 $\alpha_{Avail} = 1 - (1 - \zeta)(1 - \alpha_{MCP}) \tag{13}$ 

 $\beta_{Avail} = (1 - \zeta)(\beta_{MCP} + \zeta(\overline{y} - \overline{x}))$ (14)

## 3. 実測データを用いた検証

観測マストの風向・風速計位置と同じ地点を遠隔から ライダーで計測した結果 (10 分間平均風速・風向)を用 いて検証する. 観測期間は42 日で,そのうち両観測とも に有効と判断された約 36 日分を使用した. Table 3 に観測 の概略を示す.マスト風速を対象観測 Y,ライダー観測 を近傍観測 X とする. 散布図を Figure 1 に示す.

検証方法について述べる.まず,時系列風速データを 10 区間に区分する (Figure 2).1 区間は有効率 10%に対応 する.検証対象のデータ有効率を N×10%, N=1,...,10 と し,連続した N 個の区間を有効区間 (図中網掛部) とす る.異なるデータ有効率の間で,検証ケース数を 10 ケー スに統一するため,区間 10 の終端と区間 1 の始端は連続

_		1					
	観測データ	計測高度	平均風退	恵 標	準偏差	も、評価値 <i>R<sup>2</sup>、が</i>	
	マスト観測 (Y)	50 m	6.81 m/s	3 3	.77 m/s	いる、これはMCP	
	ライダー観測 (X)	50 m	6.68 m/s	s 3	.76 m/s		
マスト画法 (m/s)	20 18 16 16 17 14 12 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	5 。 10 12 14 1 周速 (m/s)	6 18 20	360 315 270 225 225 225 180 二 135 90 45 0	$ \begin{array}{c} (b) & J \\ N = 3^{2} \\ y = 0.9 \\ R^{2} = 0 \\ 0 & 45 \\ \end{array} $	国向 717 9075x+7.665 9998 90 135 180 225 270 315 360 ライダー風向 (°)	
Figure 1 Scatters of windspeed and direction used in validity tests.						used in variancy tests.	

Table 3 Description of observation.

として扱った. Figure 2 に有効率 10% と 50%の区間の設 定方法を模式的に示す.次に,抽出された N 区間の X と Y により MCP 法の式を構築する.そして,10-N 個の欠 測区間は MCP 法による補完値を用い,N 個の有効区間は Y の観測値をそのまま用い,Y の予測値とする.最後に, 予測値の決定係数  $R^2$ 等を算出し,提案式による評価値  $R^2_{Avail}$ 等と比較する.なお,X とY は同地点の観測のため, 風速の MCP 法には風向を考慮しない直線回帰式 (15) を 用い,風向には,風向偏角による補正式 (16) を用いる.

$$U_{\hat{Y}} = aU_X + b \tag{15}$$

$$\theta_{\hat{Y}} = \theta_X + \Delta\theta \tag{16}$$

ここで、U、 $\theta$ は風速、風向を示し、変数の添え字 $\hat{Y}$ 、 X はそれぞれ予測値、近傍観測値である. a、bはX,Y の両データ有効期間において最小二乗法により求めた傾 き及び切片であり、 $\Delta \theta$ は風向偏角である.長期風観測デ ータが得られた場合には、16方位に対して、式(15)、式 (16)を適用し、データ補完を行うことも可能である<sup>1)</sup>.

平均風速の相対誤差のデータ有効率による変化を Figure 3 に示す. 有効率ごとに10 ケースの予測があり, マスト風速に対する相対誤差のアンサンブル平均と±1 σ,最小・最大の範囲が示されている. 有効率が高い場 合に,実測とよく一致するが,低い場合に,予測精度は 抽出データに依存し,大きくばらつくことが確認される.

予測値Ŷと真値Yから求めた決定係数 $R^2$ , 傾き $\alpha$ , 切片 $\beta$ と, それぞれ式 (5), (13), (14) により評価した  $R_{Avail}^2$ ,  $\alpha_{Avail}$ ,  $\beta_{Avail}$ の比較をFigure 4 に示す. Y とŶの  $R^2$ ,  $\alpha$ ,  $\beta$  はシンボルで示す. また, 評価式による $R_{Avail}^2$ ,  $\alpha_{Avail}$ ,  $\beta_{Avail}$  は, 視認性のため, データ有効率ごとのア ンサンブル平均と±1 $\sigma$ , 最小・最大値を結んだ線で範囲 を示す. まず, 決定係数について述べる. 風速, 風向と も, 評価値 $R_{Avail}^2$  が有効率の低い場合に大きくばらついて いる. これは MCP 法構築の決定係数 $R_{MCP}^2$ のばらつきに

> 対応する.次に、風速の傾き、切 片の評価について述べる.最小二 乗法に基づく予測式 (15) の評価 により、データ有効期間における 予測値  $\hat{Y}$  ( $U_{\hat{Y}}$ ) はY に対して  $\alpha_{MCP} = 1$ ,  $\beta_{MCP} = 0$ ,  $\bar{y} = \bar{x}$ の関係 を満たす. そのため評価式 (13), (14) による結果は、データ有効率  $\zeta$ によらず、常に $\alpha_{Avail} = 1$ ,  $\beta_{Avail}$ = 0 となり、両図 (c)、(e) に示し た直線となる.一方、シンボルで 示された実際の $\alpha$ 、 $\beta$  については、

データ有効率が低い場合にばらついているが、データ有 効率が高くなると評価式の値に収束することが分かる. 最後に、風向の (d) 傾き、(f) 切片について述べる.風速 の場合とは異なり、風向の予測式 (16) は、データ有効期 間の予測値と真値の回帰直線の傾き  $\alpha_{MCP}$  が 1、切片  $\beta_{MCP}$ が 0 となることを保証していない. そのため、評価式 (13)、 (14) の $\alpha_{MCP}$ ,  $\beta_{MCP}$ ,  $\bar{x}$ ,  $\bar{y}$  は、有効期間のデータを用 いて算出する.シンボルで示された実際の $\alpha$ ,  $\beta$ のデー タ有効率による変化を見ると、 $\alpha$  に関しては、Figure 1 (b) 風向中の回帰式に示された傾き 0.98 前後から、データ有 効率が高くなるにつれ 1 に漸近し、 $\beta$  についても、同様 に Figure 1 (b) の回帰式切片 7.7°前後から 0° に漸近し ている.これらの傾きと切片のデータ有効率による変化 が、評価式により、よく再現されていることが示された.

以上のように、風速・風向のいずれにおいても、有効 率が60%より高い場合には、評価結果は実際の値と一致 し、提案式により、MCP法による補完後の最終データセ ットの精度を評価可能であることが分かる.

### 4. まとめ

本研究では、風観測のデータ有効率を考慮した MCP 法 による補完後のデータの決定係数、傾き、切片の評価式 を提案し、その妥当性を風観測データを用いて検証した.

#### 参考文献

- 石原,川竹,荒川,山口:観測タワーとライダーの併用による風況観測,第41回風力エネルギー利用シンポジウム,pp54-57,2019.
- A. Yamaguchi, T. Ishihara : A new motion compensation algorithm of floating lidar system for the assessment of turbulence intensity. J. Phys. Conf. Ser, 753, 072034, 2016.
- J. P. Goit, A. Yamaguchi, T. Ishihara : Measurement and prediction of wind fields at an offshore site by scanning Doppler LiDAR and WRF, Atmosphere, 11, 442, pp.1-20, 2020.
- F. Kelberlau, V. Neshaug, L. Lønseth, T. Bracchi, J. Mann : Taking the motion out of floating lidar turbulence intensity estimates with a continuous-wave wind lidar, Remote Sensing. 12, 898, 2020.
- Y, Kikuchi, T. Ishihara : Assessment of weather window for the construction of offshore power plants by using wind and wave simulations, J. Phys. Conf. Ser., 753, 092016, 2016.
- 6) 間野,上野,糸崎,石原:3Dスキャニングライダーにおける データ取得率とセクターサイズの観測精度への影響に関す る研究,第42回風力エネルギー利用シンポジウム,pp.17-20, 2020.
- 渡邊,高桑,邉見,石原:デュアルスキャニングライダーを 用いた洋上風況観測に関する研究,風力エネルギー学会論 文集, Vol. 45, No.2, pp.40-48, 2021.
- Carbon Trust : Offshore Wind Accelerator Roadmap for the Commercial Acceptance of Floating Lidar Technology, Version 2. (2018)
- 9) 石原,山口,嶋田,「風力発電出力の短期予測:電力の安定 供給に向けて」,オーム社,pp.207-209.(2012)











Figure 4 The coefficient of determination, slope and intercept of a regression line of sampled series (Symbols) and spreads of estimations by the proposed formulas (Lines).